

R と RStudio の使い方

芳賀敏郎 (2016) 医薬品開発のための統計解析 第3部 非線形モデル
3 計数値の解析
3.1 2項分布

テキストと利用上の注意

●テキスト

芳賀敏郎（2016）医薬品開発のための統計解析

第3部 非線形モデル 改訂版、サイエンティスト社、p.288

（サイトへアップすることに対して、サイエンティスト社の了解を得ています）

●Rによる解析事例を紹介

R スクリプトの出力結果を紹介します（tidyverse 系には次期バージョンで対応します）

R スクリプト（文字コードUTF-8に設定）を、このサイトから[ダウンロード](#)できます

R スクリプトを [Compile Report] することにより、Word または HTML で見ることができます

R と RStudio の設定と基本的な使い方は「[R と RStudio の使い方](#)」を参照してください

R の出力結果の見方は、テキストとそれを解説した [PDF ファイル](#) を参照してください

本PDF ファイルをダウンロードし、Adobe Acrobat Reader DC で注釈のメモを表示してください

●自己責任で利用

上記のことを理解した上で、自己責任により利用してください

第3部 非線形モデル

1. 非線形最小2乗法（基礎）

- 1.1 線形と非線形、1.2 非線形最小2乗法の基本的な考え方、1.3 指数曲線のあてはめ、
1.4 Emaxモデルとロジスティック曲線

2. 非線形最小2乗法（応用）

- 2.1 誤差を考慮した解析、2.2 効力比、2.3 併用効果（相乗・拮抗交換）、
2.4 モデルの探索（複数の曲線の同時あてはめ）、2.5 薬物動態の解析

3. 計数値の解析

- 3.1 **2項分布**、3.2 割合の推定・検定と区間推定、3.3 割合の差の推定・検定と区間推定、
3.4 多項分布（名義尺度）、3.5 多項分布（順序尺度）、3.6 要因が複数の場合

4. ロジスティック回帰分析

- 4.1 復習、4.2 ロジスティック回帰分析（基本）、4.3 ロジスティック回帰分析（応用）



2 項分布の関数

- 2 項分布に関する R、Excel、JMP の関数

事例：生起確率 0.5 の事象を 10 回繰り返す場合

機能	事例	R	Excel	JMP
確率	この事象が 2 回起こる確率	<code>dbinom (x = 2, size = 10, prob = 0.5)</code>	<code>BINOM.DIST(2, 10, 0.5, FALSE)</code>	Binomial Probability (0.5, 10, 2)
下側確率	この事象が 2 回以下で起こる確率 (0~2 回の範囲)	<code>pbinom(q = 2 , size = 10, prob = 0.5, lower.tail = TRUE)</code>	<code>BINOM.DIST(2, 10, 0.5, TRUE)</code>	Binomial Distribution(0.5, 10, 2)
下側%点	下側確率が 0.025 になる回数 (0~q 回、q は整数)	<code>qbinom(p = 0.025, size = 10, prob = 0.5, lower.tail = TRUE)</code>	<code>BINOM.INV(10, 0.5, 0.25)</code>	Binomial Quantile (0.5, 10, 0.025)

下側%点は、指定した下側確率 0.025 以上になる回数のうち、最小の回数 q (整数) を返す

(テキスト [PDF ファイル](#) 参照)



2 項分布：簡単な例

● 表示3.1.1 f=n の確率の計算表

スクリプトファイル：Green3-3-1a.R

利用した関数：dbinom

方法：2 項分布の関数を利用

x : f
size : n
prob : π

	A	B	C	D
2	失敗率	成功率		
3	$1 - \pi$	π	n	$f=n$ の確率
4	0.01	0.99	2	0.9801
5	0.01	0.99	100	0.3660
6	0.03	0.97	100	0.0476
7	D4: =B4^C4			

```

dbinom(x = 2, size = 2, prob = 0.99)
## [1] 0.9801
dbinom(x = 100, size = 100, prob = 0.99)
## [1] 0.3660323
dbinom(x = 100, size = 100, prob = 0.97)
## [1] 0.04755251

```



2 項分布：シミュレーション

● 表示3.1.3 コイン実験

スクリプトファイル

Green3-3-1b.R

利用した関数

sample、matrix

方法

コインを 1000 回投げて、
表と裏のどちらが何回出るか実験したい

この実験を PC で
シミュレーションする
1 : 表、0 : 裏として、
1 と 0 を無作為に1000回
発生させる

0と1 から無作為に1000個を抽出

set.seed(123) # 乱数の再現性を確保、通常は削除

vt <- sample(x = c(0, 1), size = 1000, replace = TRUE)

100行×10列のマトリックスに変換

mx <- matrix(vt, nrow = 100, ncol = 10)

重複の
抽出を許す

マトリックス mx

##		[,1]	[,2]	[,3]	[,4]	[,5]	[,6]	[,7]	[,8]	[,9]	[,10]
##	[1,]	0	0	1	1	0	1	1	1	0	1
##	[2,]	0	1	1	1	0	1	1	0	0	1
##	[3,]	0	1	1	0	0	1	1	0	1	0
										
##	[99,]	0	0	0	1	0	1	1	1	0	1
##	[100,]	0	1	0	1	0	1	1	1	1	1



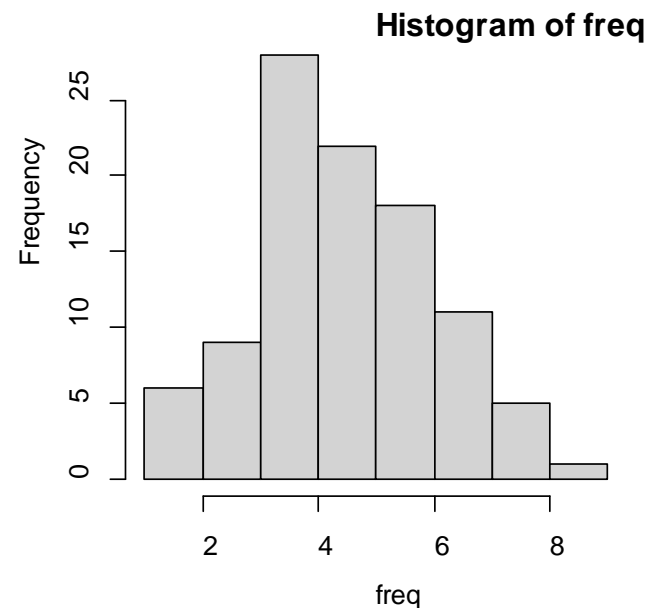
2 項分布：シミュレーション

● 表示3.1.4 表の個数のまとめ

スクリプトファイル：Green3-3-1b.R

利用した関数：apply、sum、rowSums も利用可

方法 apply でマトリックスの行ごとに合計を算出する



要素数100のベクトル

```
freq <- apply(mx, 1, sum)
hist(freq, breaks = 11)
```

1 は行、2 は列

ヒストグラム作成 (第1部 §2.2)

マトリックス mx

1 の数は 6 (合計6)

##	[,1]	[,2]	[,3]	[,4]	[,5]	[,6]	[,7]	[,8]	[,9]	[,10]
## [1,]	0	0	1	1	0	1	1	1	0	1
## [2,]	0	1	1	1	0	1	1	0	0	1
## [3,]	0	1	1	0	0	1	1	0	1	0
.....										
## [99,]	0	0	0	1	0	1	1	1	0	1
## [100,]	0	1	0	1	0	1	1	1	1	1

1 の数は 7 (合計7)



2項分布：シミュレーション

● 表示3.1.4 表の個数のまとめ

スクリプトファイル：Green3-3-1b.R

利用した関数：apply、sum、function

方法：1行あたりの0の数を知る場合

sum(x == 0) はベクトル x 中の 0 の数を返す

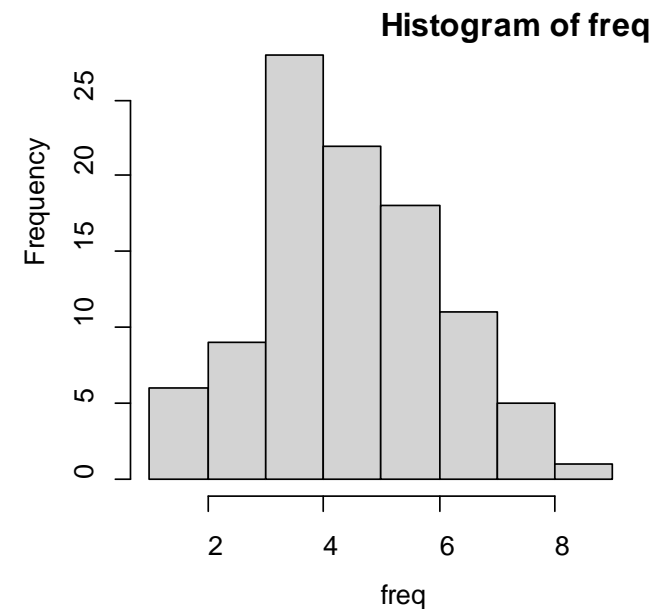
apply 関数と function 関数を組み合わせる

```
apply(mx, 1, function(x) sum(x == 0))
```

2つのイコール

マトリックス mx

##		[,1]	[,2]	[,3]	[,4]	[,5]	[,6]	[,7]	[,8]	[,9]	[,10]
##	[1,]	0	0	1	1	0	1	1	1	0	1
##	[2,]	0	1	1	1	0	1	1	0	0	1
##	[3,]	0	1	1	0	0	1	1	0	1	0
										
##	[99,]	0	0	0	1	0	1	1	1	0	1
##	[100,]	0	1	0	1	0	1	1	1	1	1



2 項分布

- 表示3.1.6 $\pi=1/3$ 、 $n=3$ のとき、 f の確率

スクリプトファイル

Green3-3-1a.R

利用した関数

dbinom

方法

サイコロを 3 回

投げて、1 または 6
が出たら勝ちとする

2 項分布の関数を
利用

```
dbinom(x = 0, size = 3, prob = 1 / 3) * 27
```

```
## [1] 8 ...確率を表す分数の分子を表示させる
```

組合せ 番号	勝ち (1) 負け (0)			1,6 の 個数 f	組合せ の数	確率 (P_f)
	1 回目	2 回目	3 回目			
(1)	0	0	0	0	1	$(2/3)^3 = 8/27 = p_0$
(2)	1	0	0	1	3	$3 \times (1/3)(2/3)^2 = 12/27 = p_1$
(3)	0	1	0	1		
(4)	0	0	1	1		
(5)	1	1	0	2	3	$3 \times (1/3)^2(2/3) = 6/27 = p_2$
(6)	1	0	1	2		
(7)	0	1	1	2		
(8)	1	1	1	3	1	$(1/3)^3 = 1/27 = p_3$
計					8	$27/27 = 1$



2 項分布

● 表示3.1.7 Excelによる 2 項分布の確率の計算表

スクリプトファイル：Green3-3-1a.R

利用した関数：dbinom、 pbinom

方法：2 項分布の関数を利用

	A	B	C	D	E	F
3	f	n	π	確率	累積確率	上側確率
4	0	3	0.3333	0.2963	0.2963	1.0000
5	1	3	0.3333	0.4444	0.7407	0.7037
6	1	10	0.5	0.0098	0.0107	0.9990
7	8	10	0.5	0.0439	0.9893	0.0547

8

9 D4: =BINOMDIST(A4,B4,C4,FALSE)

10 E4: =BINOMDIST(A4,B4,C4,TRUE)

11 F4: =IF(A4=0,1,1-BINOMDIST(A4-1,B4,C4,TRUE))

```

dbinom(x = 0, size = 3, prob = 1/3)
## [1] 0.2962963

pbinom(q = 0, size = 3, prob = 1/3,
       lower.tail = TRUE)
## [1] 0.2962963

pbinom(q = 0 - 1, size = 3, prob = 1/3,
       lower.tail = FALSE)
## [1] 1

```

q が 0 以下になってもエラーにならない

x : f
size : n
prob : π

2 項分布

●表示3.1.8 2 項分布の確率とそのグラフ

スクリプトファイル：Green3-3-1b.R

利用した関数：dbinom、cbind、plot

方法：ベクトル演算により、

1 行のスクリプトで繰り返し処理を行う

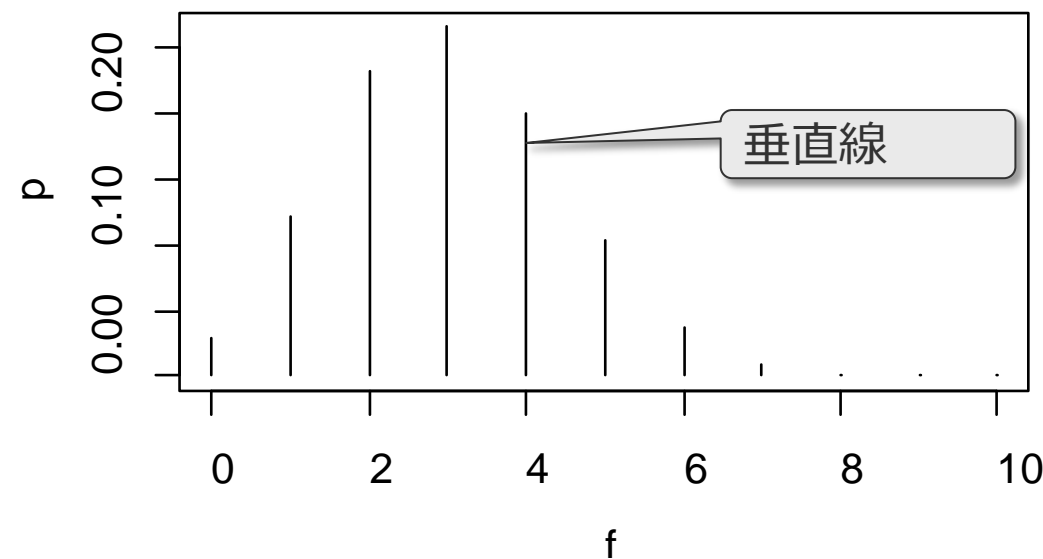
```
##           f  n  pi           p
## [1,]    0 10 0.3 0.0282475249
## [2,]    1 10 0.3 0.1210608210
## [3,]    2 10 0.3 0.2334744405
## [4,]    3 10 0.3 0.2668279320
## [5,]    4 10 0.3 0.2001209490
## [6,]    5 10 0.3 0.1029193452
## [7,]    6 10 0.3 0.0367569090
## [8,]    7 10 0.3 0.0090016920
## [9,]    8 10 0.3 0.0014467005
## [10,]   9 10 0.3 0.0001377810
## [11,]  10 10 0.3 0.0000059049
```

```
f <- 0:10
n <- rep(10, 11)
p1 <- rep(0.3, 11) # 母比率パイ
p = dbinom(x = f, size = n, prob = p1)
cbind(f = f, n = n, "pi" = p1, p = p)
```

ベクトル演算

```
plot(p ~ f, type = "h")
```

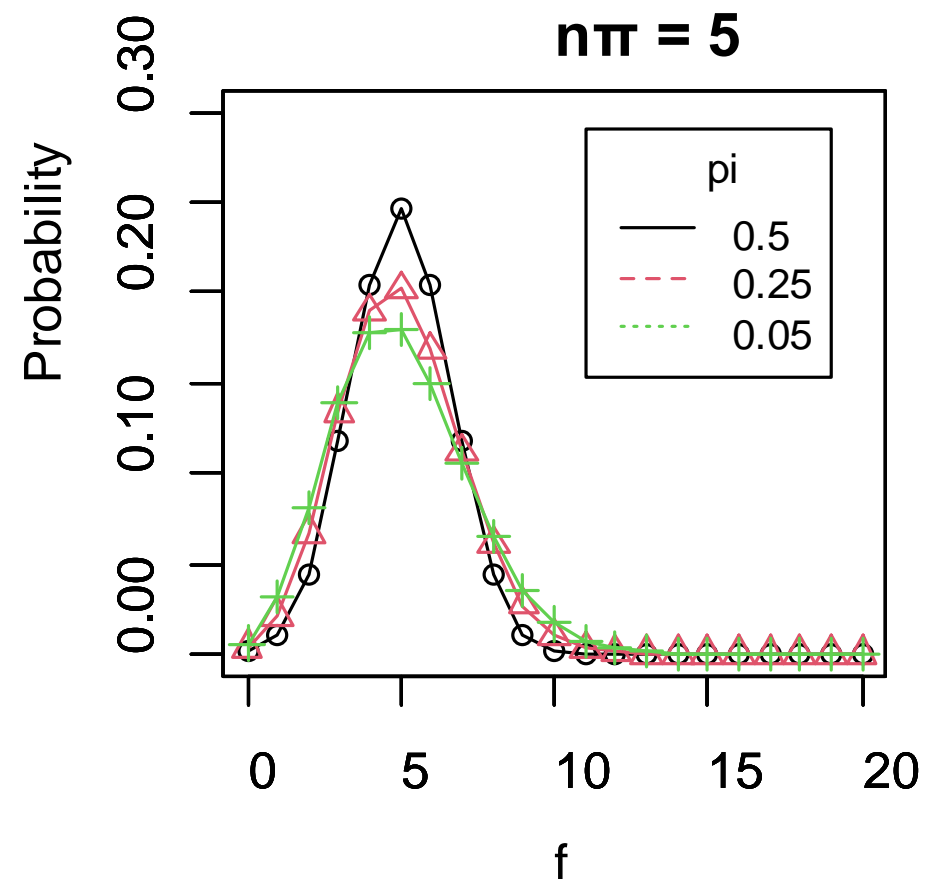
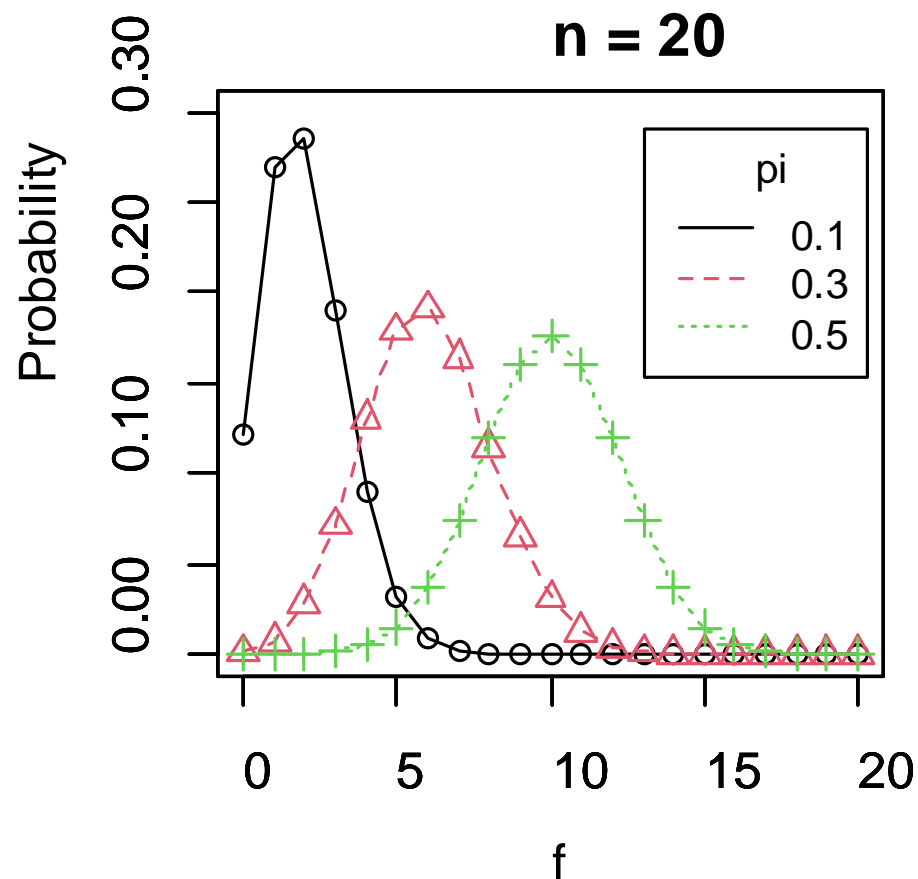
垂直線



2 項分布

- 表示3.1.10 n 、 π による 2 項分布の変化

スクリプトファイル : Green3-3-1b.R、利用した関数 : dbinom、plot





2 項分布の期待値と分散

●表示3.1.11 $\pi=0.4$ 、 $n=5$ の期待値と分散の計算

スクリプトファイル：Green3-3-1a.R

利用した関数

dbinom、sum、cbind、lucid::lucid、print

##	f	n	pi	p	pf	e	pe^2
##	0	5	0.4	0.07776	0	-2	0.311
##	1	5	0.4	0.2592	0.2592	-1	0.2592
##	2	5	0.4	0.3456	0.6912	0	0
##	3	5	0.4	0.2304	0.6912	1	0.2304
##	4	5	0.4	0.0768	0.3072	2	0.3072
##	5	5	0.4	0.01024	0.0512	3	0.09216
##	Total			1	2		1.2

```
f <- 0:5
n <- 5
pp <- 0.4 # 母比率パイ
p <- dbinom(x = f, size = n, prob = pp)
pf <- p * f
e <- f - sum(pf)
pe2 <- p * e^2

mx <- cbind(f = f, n = n, "pi" = pp,
            p = p, pf = pf, e = e,
            "pe^2" = pe2)
mx <- rbind(mx, Total = colSums(mx))
mx[7, 1:3] <- NA
mx[7, 6] <- NA

s <- lucid(mx, dig = 4, na.value = "")
print(s, quote = FALSE)
```

ベクトル演算

不要な部分

成形

2項分布の正規近似

- 表示3.1.13 2項分布 ($\pi=0.1$ 、 $n=50$) と正規分布近似

スクリプトファイル：Green3-3-1b.R

利用した関数：dbinom、dnorm、cbind、lucid

```
f <- 0:12 # 起こる回数
n <- 50 # 試行回数
pp <- 0.1 # 起こる確率、パイ
Ef <- n * pp # 期待値
sd <- sqrt(n * pp * (1 - pp)) # 標準偏差
pb <- dbinom(x = f, size = n, prob = pp)

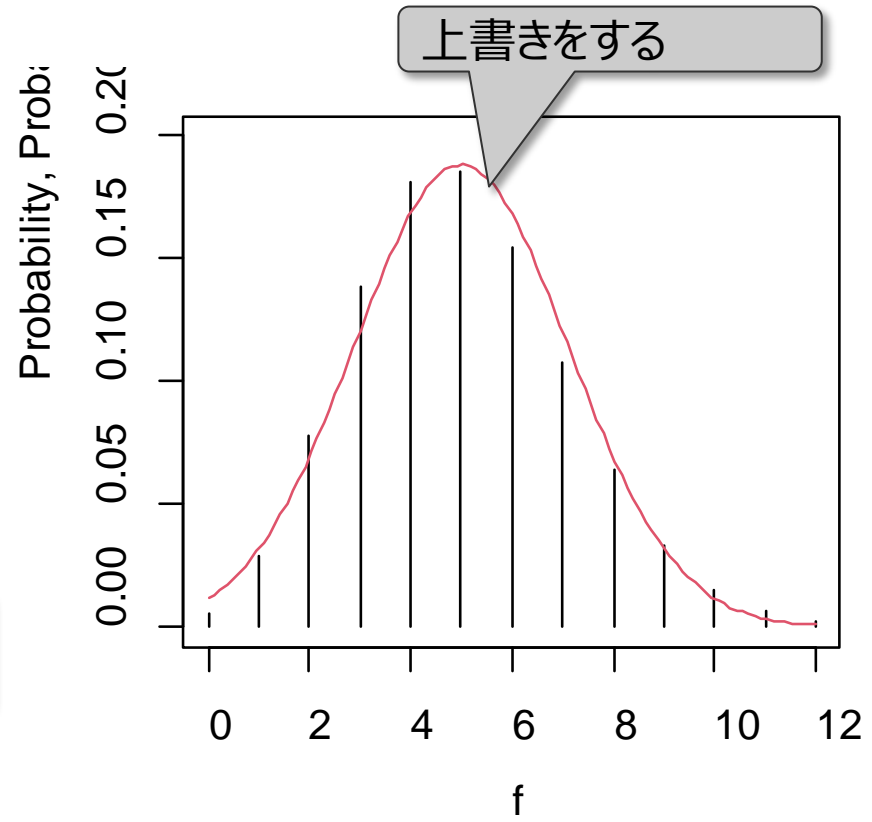
# 2項分布の棒グラフ
plot(x = f, y = pb, xlim = c(0, 12), ylim = c(0, 0.2),
     type = "h", xlab = "f",
     ylab = ("Probability, Probability Density"))

# 正規分布の曲線
curve(dnorm(x, mean = Ef, sd = sd), 0, 12,
      ylim = c(0, 0.2), col = 2, add = TRUE)
```

期待値と標準偏差
[§3.1 参照](#)

横軸の
最小値と最大値

上書きをする





2 項分布：確率と尤度

要素番号：1 ~ 11

●表示3.1.14 2 項分布の確率と尤度

スクリプトファイル

Green3-3-1b.R

利用した関数

dbinom、for、matrix

方法：for 文を使って、

mx1 2次元の表を作成

```
f <- 0:10
pp <- seq(0.05, 0.95, by = 0.05) # 母比率 π
mx1 <- matrix(0, nrow = 11, ncol = 19) # 空の行列
for (i in 1:11) {
  mx1[i, ] <- dbinom(x = f[i], size = 10, prob = pp)
}
rownames(mx1) <- f
colnames(mx1) <- pp
round(mx1, digits = 2)
```

試行回数 10 の
2 項確率

##	0.05	0.1	0.15	0.2	0.25	0.3	0.35	0.4	0.45	0.5	0.55	...	0.8	0.85	0.9	0.95
## 0	0.60	0.35	0.20	0.11	0.06	0.03	0.01	0.01	0.00	0.00	0.00	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 1	0.32	0.39	0.35	0.27	0.19	0.12	0.07	0.04	0.02	0.01	0.00	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 2	0.07	0.19	0.28	0.30	0.28	0.23	0.18	0.12	0.08	0.04	0.02	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 3	0.01	0.06	0.13	0.20	0.25	0.27	0.25	0.21	0.17	0.12	0.07	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 4	0.00	0.01	0.04	0.09	0.15	0.20	0.24	0.25	0.24	0.21	0.16	...	0.01	0.00	0.00	0.00
.....																
## 9	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.01	0.02	...	0.27	0.35	0.39	0.32
## 10	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	...	0.11	0.20	0.35	0.60



2 項分布：確率と尤度

● 表示3.1.14 2 項分布の確率と尤度

スクリプトファイル

Green3-3-1b.R

利用した関数

dbinom、for、matrix

$\pi = 0.2$
mx1[, 4]

f = 3
mx1[4,]

mx1

##	0.05	0.1	0.15	0.2	0.25	0.3	0.35	0.4	0.45	0.5	0.55	...	0.8	0.85	0.9	0.95
## 0	0.60	0.35	0.20	0.11	0.06	0.03	0.01	0.01	0.00	0.00	0.00	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 1	0.32	0.39	0.35	0.27	0.19	0.12	0.07	0.04	0.02	0.01	0.00	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 2	0.07	0.19	0.28	0.30	0.28	0.23	0.18	0.12	0.08	0.04	0.02	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 3	0.01	0.06	0.13	0.20	0.25	0.27	0.25	0.21	0.17	0.12	0.07	...	0.00	0.00	0.00	0.00
## 4	0.00	0.01	0.04	0.09	0.15	0.20	0.24	0.25	0.24	0.21	0.16	...	0.01	0.00	0.00	0.00
## 9	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.01	0.02	...	0.27	0.35	0.39
## 10	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	...	0.11	0.20	0.35



2項分布：確率と尤度

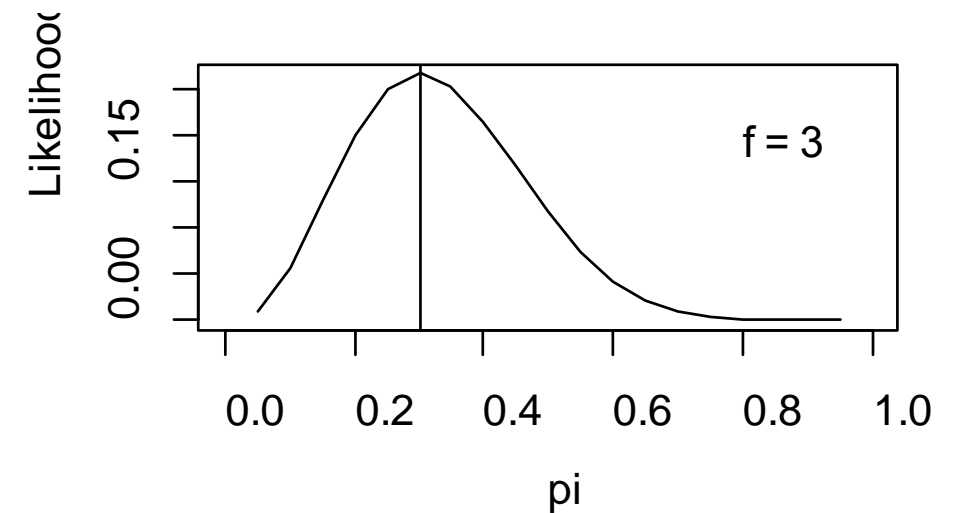
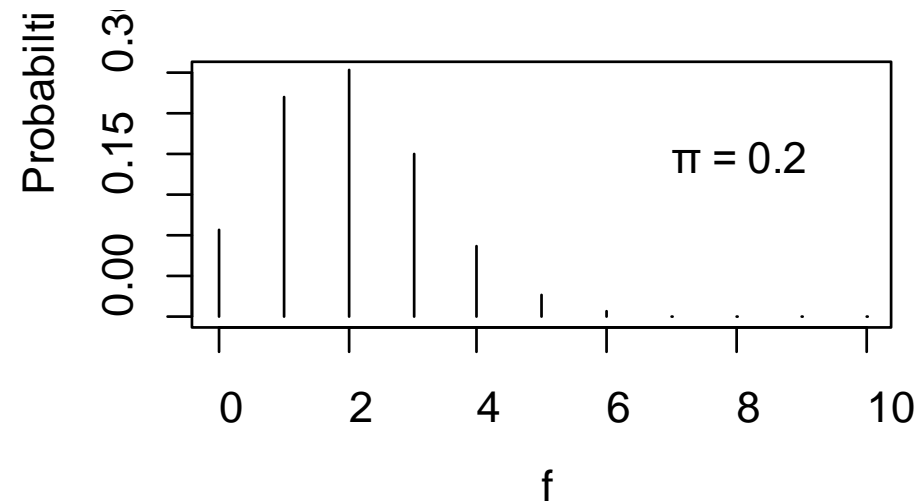
●表示3.1.15 確率と尤度のグラフ

スクリプトファイル：Green3-3-1b.R

利用した関数：dbinom、for、matrix

方法：plot関数を使い、引数type = "h" に指定して棒グラフを表示

```
plot(f, mx1[, 4], type = "h", xlim = c(0, 10), xlab = "f", ylab = "Probabiltiy")  
text(x = 7, y = 0.2, "π = 0.2")
```



2項分布：確率と尤度

p.152

●表示3.1.15 確率と尤度のグラフ

スクリプトファイル：Green3-3-1b.R

利用した関数

dbinom、for、
matrix

方法

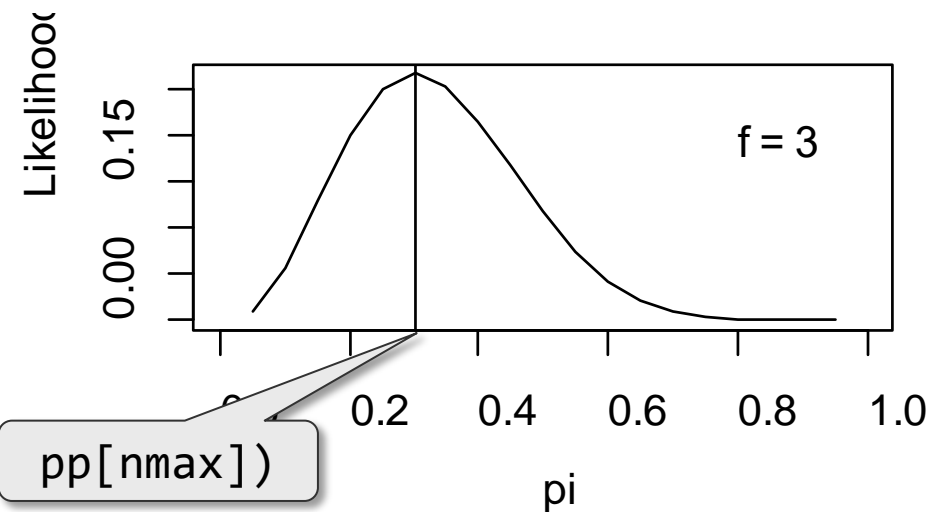
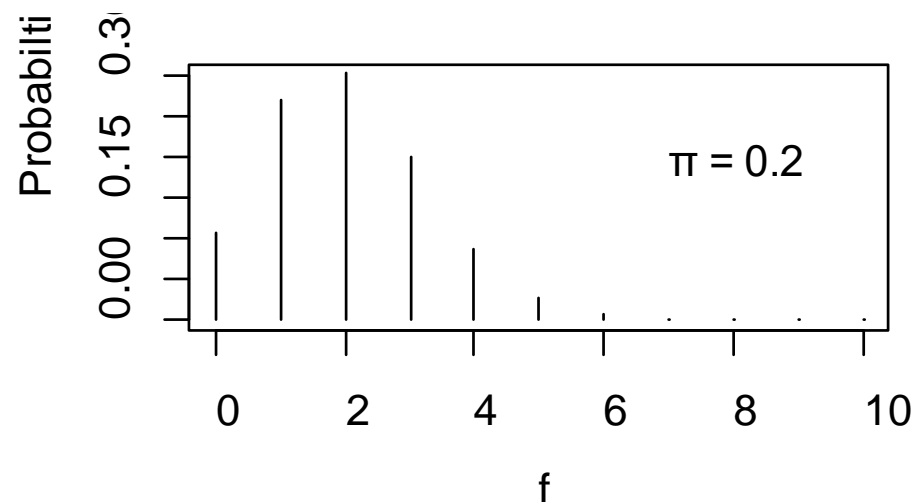
右の折れ線グラフを

plot 関数で
引数 `type = "l"`
に指定して
表示

```
pp <- seq(0.05, 0.95, by = 0.05)
```

```
plot(x = pp, y = mx1[4, ], type = "l", xlim = c(0, 1),  
     xlab = "pi", ylab = "Likelihood")
```

```
nmax <- which.max(mx1[4, ]) # ベクトルにおける最大値の要素番号  
abline(v = pp[nmax])  
text(x = 0.8, y = 0.2, "f = 3")
```





- 作成 片瀬雅彦
- 作成時期 2021年10月29日、11月27日